

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ  
ФЕДЕРАЦИИ**

**МОУ СП с.Безводовка**

**УТВЕРЖДЕНО**

**Директор школы**

---

Гнютов В.М.  
Приказ №60 от «[30]»  
августа 2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА  
(ID 3213168)**

**учебного предмета «Вероятность и статистика.  
Базовый уровень»  
для обучающихся 10 класса**

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Рабочая программа учебного курса «Вероятность и статистика» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

## **ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА**

Учебный курс «Вероятность и статистика» базового уровня является продолжением и развитием одноимённого учебного курса базового уровня основной школы. Курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления учащихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса основной школы и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» средней школы на базовом уровне выделены следующие основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности», «Случайные величины и закон больших чисел».

Важную часть курса занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами — показательным и нормальным распределениями.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин, а также эта линия необходима как база для изучения закона больших чисел — фундаментального закона, действующего в природе и обществе и имеющего математическую формализацию. Сам закон больших чисел предлагается в ознакомительной форме с минимальным использованием математического формализма.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами, акцентируют внимание школьников на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному

распределениям, при этом предполагается ознакомительное изучение материала без доказательств применяемых фактов.

## **МЕСТО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

На изучение курса «Вероятность и статистика» на базовом уровне отводится 1 час в неделю в течение каждого года обучения, всего 68 учебных часов.

## **СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА**

### **10 КЛАСС**

Представление данных с помощью таблиц и диаграмм. Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Независимые события.

Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Примеры распределений, в том числе, геометрическое и биномиальное.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

#### **Гражданское воспитание:**

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

#### **Патриотическое воспитание:**

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

#### **Духовно-нравственного воспитания:**

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельности учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

#### **Эстетическое воспитание:**

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

#### **Физическое воспитание:**

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здравое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

#### **Трудовое воспитание:**

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

#### **Экологическое воспитание:**

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение

математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

**Ценности научного познания:**

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными **познавательными действиями**, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1) Универсальные **познавательные действия**, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

**Базовые логические действия:**

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

**Работа с информацией:**

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) Универсальные **коммуникативные** действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.

**Общение:**

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

**Сотрудничество:**

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;

- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) Универсальные *регулятивные* действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

#### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### **Самоконтроль:**

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить корректизы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **10 КЛАСС**

Читать и строить таблицы и диаграммы.

Оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее, наименьшее значение, размах массива числовых данных.

Оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт) и случайное событие, элементарное событие (элементарный исход) случайного опыта; находить вероятности в опытах с равновозможными случайными событиями, находить и сравнивать вероятности событий в изученных случайных экспериментах.

Находить и формулировать события: пересечение и объединение данных событий, событие, противоположное данному событию; пользоваться диаграммами Эйлера и формулой сложения вероятностей при решении задач.

Оперировать понятиями: условная вероятность, независимые события; находить вероятности с помощью правила умножения, с помощью дерева случайного опыта.

Применять комбинаторное правило умножения при решении задач.

Оперировать понятиями: испытание, независимые испытания, серия испытаний, успех и неудача; находить вероятности событий в серии независимых испытаний до первого успеха; находить вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения.

## **ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС**

	независимость событий				
5	Элементы комбинаторики	4	0	0	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents/76721815?menu_id=1">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents/76721815?menu_id=1</a>
6	Серии последовательных испытаний	3	0	1	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents/76721815?menu_id=1">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents/76721815?menu_id=1</a>
7	Случайные величины и распределения	6	0	0	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents/76721815?menu_id=1">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents/76721815?menu_id=1</a>
8	Обобщение и систематизация знаний	5	2	0	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents/76721815?menu_id=1">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents/76721815?menu_id=1</a>
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		34	2	2	

# ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

## 10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм	1	0	0	07.09.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
2	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	1	0	0	14.09.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
3	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия,	1	0	0	21.09.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>

	стандартное отклонение числовых наборов					
4	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	1	0	0	28.09.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
5	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1	0	0	05.10.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными	1	0	0	19.10.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>

	элементарными событиями					
7	Вероятность случайного события. Практическая работа	1	0	1	26.10.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
8	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события. Диаграммы Эйлера	1	0	0	02.11.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
9	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события. Диаграммы Эйлера	1	0	0	09.11.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
10	Формула сложения	1	0	0	16.11.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>

	вероятностей					
11	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента	1	0	0	30.11.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
12	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента	1	0	0	07.12.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
13	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента	1	0	0	14.12.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
14	Формула полной вероятности	1	0	0	21.12.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
15	Формула полной вероятности	1	0	0	28.12.2023	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>

16	Формула полной вероятности. Независимые события	1	0	0	11.01.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
17	Контрольная работа	1	1	0	18.01.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
18	Комбинаторное правило умножения	1	0	0	25.01.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
19	Перестановки и факториал	1	0	0	01.02.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
20	Число сочетаний	1	0	0	08.02.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
21	Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона	1	0	0	15.02.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
22	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха	1	0	0	29.02.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
23	Серия	1	0	0		<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>

	независимых испытаний Бернулли				07.03.2024	
24	Серия независимых испытаний. Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	0	1	14.03.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
25	Случайная величина	1	0	0	21.03.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
26	Распределение вероятностей. Диаграмма распределения	1	0	0	28.03.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
27	Сумма и произведение случайных величин	1	0	0	28.03.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
28	Сумма и произведение случайных величин	1	0	0	04.04.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
29	Примеры	1	0	0		<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>

	распределений, в том числе геометрическое и биномиальное				18.04.2024	
30	Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное	1	0	0	25.04.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
31	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1	0	0	02.05.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
32	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1	0	0	16.05.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
33	Итоговая контрольная работа	1	1	0	23.05.2024	<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
34	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1	0	0		<a href="https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents">https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents</a>
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО</b>		34	2	2		

ПРОГРАММЕ				
-----------	--	--	--	--

## **УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

### **МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

Математика. Вероятность и статистика. 10-11кл. Базовый и углубленный уровень. Макаров А.А., Высоцкий И.Р., Ященко И.В.-М.: МЦНМО. 2014.-248с.

Ю.Н. Тюрин, А.А.Макаров, И.Р.Высоцкий, И.В.Ященко. Теория вероятности и статистика.

Методическое пособие для учителя-М.:МЦНМО, 2015-48 с.

### **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**

<https://resh.edu>.

[ruhttps://uchebnik.mos.ru/material\\_view/composed\\_documents/76721815?menuReferrer=my\\_materials](https://uchebnik.mos.ru/material_view/composed_documents/76721815?menuReferrer=my_materials)

